

**Abschlussprüfung Berufsoberschule  
2009 Mathematik  
Aufgabenvorschlag A**

**1 Exponentialfunktionen**

**/34**

Gegeben sei die Funktion  $f$  mit  $f(x) = x^2 \cdot e^{-0,5x}$  im Intervall  $-0,5 \leq x \leq 6$ .

**1.1** Berechnen Sie die Nullstelle von  $f$ . **/2**

**1.2** Zeigen Sie, dass gilt:  $f'(x) = (2x - 0,5x^2) \cdot e^{-0,5x}$  **/2**

**1.3** Bestimmen Sie die relativen Extrempunkte von  $f$ . **/6**  
[Verwenden Sie:  $f''(x) = (0,25x^2 - 2x + 2) \cdot e^{-0,5x}$ ]

**1.4** Zeichnen Sie den Graphen von  $f$  im gegebenen Intervall mithilfe der berechneten Ergebnisse in ein Koordinatensystem. **/3**

**1.5** Zeichnen Sie außerdem den Graphen von  $f'$  mithilfe der Wertetabelle in dasselbe Koordinatensystem.

$x$	-0,5	0	1	1,5	2	3	4	6
$f'(x)$	-1,44	0		0,89				-0,30

**/7**

**1.6** Welche Schlussfolgerung ergibt sich aus dem Verlauf des Graphen von  $f'$  im gegebenen Intervall für die mögliche Existenz von Wendepunkten von  $f$ ? **/4**  
Begründen Sie Ihre Entscheidung.

**1.7** Berechnen Sie die Koordinaten der beiden Schnittpunkte der Graphen von  $f$  und  $f'$ . **/4**

**1.8** Berechnen Sie den Inhalt der von den Graphen von  $f$  und  $f'$  vollständig eingeschlossenen Fläche  $A$ . **/6**

[Verwenden Sie: Stammfunktion von  $f$  ist  $F(x) = (-2x^2 - 8x - 16) \cdot e^{-0,5x}$ .]

**Abschlussprüfung Berufsoberschule  
2009 Mathematik  
Aufgabenvorschlag A**

**2 Gebrochenrationale Funktionen**

**/33**

Die Funktion  $f$  sei gegeben mit  $f(x) = \frac{2x^2 + x}{2x - 1}$  sowie ihren Ableitungen

$$f' \text{ mit } f'(x) = \frac{4x^2 - 4x - 1}{(2x - 1)^2} = 1 - \frac{2}{(2x - 1)^2} \text{ und } f'' \text{ mit } f''(x) = \frac{8}{(2x - 1)^3}.$$

- 2.1** Geben Sie den maximalen Definitionsbereich  $D_f$  von  $f$  an. **/1**
- 2.2** Untersuchen Sie  $f$  auf Polstellen und ermitteln Sie das Verhalten der Funktion in deren Umgebung. **/4**
- 2.3** Ermitteln Sie die Gleichung der Asymptote  $A$ . **/3**
- 2.4** Berechnen Sie die Nullstellen von  $f$ . **/3**
- 2.5** Bestimmen Sie die Extrempunkte von  $f$ . **/6**
- 2.6** Zeichnen Sie den Graphen der Funktion  $f$  und die Asymptote  $A$  unter Verwendung der berechneten Werte für  $-3 \leq x \leq 3$  in ein Koordinatensystem.

Ergänzen Sie dafür die folgende Wertetabelle:

$x$	-3	-2	-1	1	2	3
$f(x)$						

**/8**

- 2.7** Prüfen Sie, ob die Tangente  $t$  an den Graphen von  $f$  im Punkt  $P(-0,5 | 0)$  noch einen weiteren gemeinsamen Punkt mit dem Graphen von  $f$  hat. **/5**

- 2.8** Die Funktion  $g$  mit  $g(x) = \frac{2x^2 + x}{2x + a}$  hat die Definitionslücke  $x_0 = -\frac{a}{2}$ . **/3**

Bestimmen Sie mindestens einen Wert für  $a$  so, dass die Definitionslücke hebbar ist. Geben Sie den zugehörigen Punkt an, der die Lücke füllt.

**Abschlussprüfung Berufsoberschule  
2009 Mathematik  
Aufgabenvorschlag A**

**3 Trigonometrische Funktionen**

**/33**

Gegeben seien die Funktionen  $f$  und  $g$  durch ihre Funktionsgleichungen

$$f(x) = 1 + \sin(2x) \quad \text{und} \quad g(x) = 1 - 2 \cos(x).$$

Führen Sie die nachfolgenden Untersuchungen im Intervall  $0 \leq x \leq 2\pi$  durch.

- 3.1** Zeichnen Sie den Graphen von  $f$  im angegebenen Intervall in ein Koordinatensystem ein. **/4**
- 3.2** Berechnen Sie die Nullstellen von  $g$ .  
Bestimmen Sie Hoch- und Tiefpunkte von  $g$ . **/10**  
Zeichnen Sie den Graphen von  $g$  in das Koordinatensystem aus Teilaufgabe 3.1 ein.
- 3.3** Kennzeichnen Sie im Diagramm die Fläche, die von den Graphen von  $f$  und  $g$  vollständig begrenzt wird.  
Berechnen Sie die Schnittpunkte  $S_1$  und  $S_2$ , in denen sich die beiden Graphen schneiden. **/10**  
Ermitteln Sie den Inhalt der gekennzeichneten Fläche.
- 3.4** Berechnen Sie die Stellen, an denen die Graphen von  $f$  und  $g$  die gleiche Steigung besitzen. **/9**

**Abschlussprüfung Berufsoberschule  
2009 Mathematik  
Aufgabenvorschlag A**

**4 Analytische Geometrie**

**/33**

Ein maritimes Erkundungsfeld mit dem Umriss eines Rechtecks soll markiert werden. Die Wasseroberfläche liegt in der  $x$ - $y$ -Ebene. Ein Schiff setzt an den Punkten  $A(5 | 2 | 0)$ ,  $B(4 | 5 | 0)$ ,  $C(-2 | 3 | 0)$  und  $D$  Bojen aus. Anschließend kehrt das Schiff zu seiner Ausgangsposition  $O(0 | 0 | 0)$  zurück. Alle Koordinaten sind in km angegeben.

- 4.1** Bestimmen Sie die Koordinaten des Punktes  $D$ .  
Berechnen Sie den Flächeninhalt  $S$  des Erkundungsfeldes in  $\text{km}^2$ . **/4**

Ein Kurierflugzeug nimmt im Punkt  $F(0 | 50 | 2)$  Kurs auf das Schiff, um es im Punkt  $G(0 | 0 | 0,5)$  zu überfliegen.

Ein Wetterumschwung führte zur Bildung einer Nebelbank zwischen dem Flugzeug und dem Schiff. Die Ebene  $E_1: -6x + 3y + 2z = 120$  beschreibt die vom Flugzeug aus sichtbare Seite der Nebelbank.

- 4.2** Geben Sie eine Parametergleichung der Geraden  $g_1$  an, die den Kurs des Flugzeuges beschreibt.

[Zur Kontrolle: Eine mögliche Lösung für  $g_1: \vec{x} = \begin{pmatrix} 0 \\ 50 \\ 2 \end{pmatrix} + r \cdot \begin{pmatrix} 0 \\ -100 \\ -3 \end{pmatrix}; r \in \mathbb{R}$ ] **/2**

- 4.3** Bestimmen Sie die Koordinaten des Punktes  $I$ , in dem das Flugzeug in die Nebelbank einfliegt. **/4**

- 4.4** Bestimmen Sie eine Parametergleichung der Geraden  $g_2$ , die den Verlauf der vom Flugzeug aus sichtbaren Seite der Nebelbank entlang der Wasseroberfläche beschreibt. **/7**

- 4.5** Berechnen Sie den Winkel zwischen der Nebelbank und der Wasseroberfläche. **/5**

- 4.6** Die dem Schiff zugewandte Seite der Nebelbank wird durch die Ebene  $E_2$  beschrieben. Die Ebenen  $E_1$  und  $E_2$  verlaufen zueinander parallel. Das Flugzeug durchstößt die Ebene  $E_2$  im Punkt  $H(0 | 25 | 1,25)$ . **/6**

Bestimmen Sie eine Koordinatengleichung der Ebene  $E_2$ .

- 4.7** Sofort nach dem Überfliegen des Schiffes im Punkt  $G(0 | 0 | 0,5)$  ändert das Flugzeug seinen Kurs in Richtung des Vektors  $\vec{w} = \begin{pmatrix} -1 \\ -1 \\ z \end{pmatrix}$  und geht in einen Steigflug **/5**

über. Der Steigwinkel beträgt  $10^\circ$ .

Bestimmen Sie eine Parametergleichung der Geraden  $g_3$ , die den neuen Kurs des Flugzeuges beschreibt.

**Abschlussprüfung Berufsoberschule  
2009 Mathematik  
Aufgabenvorschlag A**

**5      Wahrscheinlichkeitsrechnung** **/33**

Für einen Zulassungstest entwirft die Testerstellungsgruppe Multiple-Choice-Aufgaben.

**5.1** Zu jeder Frage gibt es fünf Antworten, von denen stets genau zwei richtig sind.

Bestimmen Sie die Wahrscheinlichkeiten, dass ein Kandidat, der zwei Antworten auf gut Glück ankreuzt, entweder zwei, ein oder kein Kreuz richtig setzt. **/6**

[Zur Kontrolle:  $P(\{\text{Zwei Kreuze an der richtigen Stelle}\}) = 0,1$ ]

Der Kandidat erhält für eine Aufgabe nur dann eine Bewertungseinheit, wenn er die Aufgabe vollständig richtig löst, er also die beiden richtigen Antworten ankreuzt und sonst keine. Ein Prüfling, der eine Aufgabe auf gut Glück bearbeitet, erhält daher nach Aufgabenteil 5.1 mit der Wahrscheinlichkeit  $p = 0,1$  eine Bewertungseinheit. Der Zulassungstest besteht aus 40 Aufgaben.

**5.2** Mit welcher Wahrscheinlichkeit erhält ein lediglich ratender Kandidat für den kompletten Test null Bewertungseinheiten? **/4**

**5.3** Wird ein Test mit weniger als vier Bewertungseinheiten bewertet, so kann er nicht wiederholt werden.

Mit welcher Wahrscheinlichkeit erhält ein lediglich ratender Kandidat weniger als vier Bewertungseinheiten? **/4**

[Zur Kontrolle:  $P(\{\text{ratender Kandidat erhält weniger als vier BE}\}) \approx 0,4231$ ]

**5.4** Mit wie vielen Bewertungseinheiten kann ein lediglich ratender Kandidat im Mittel rechnen? **/1**

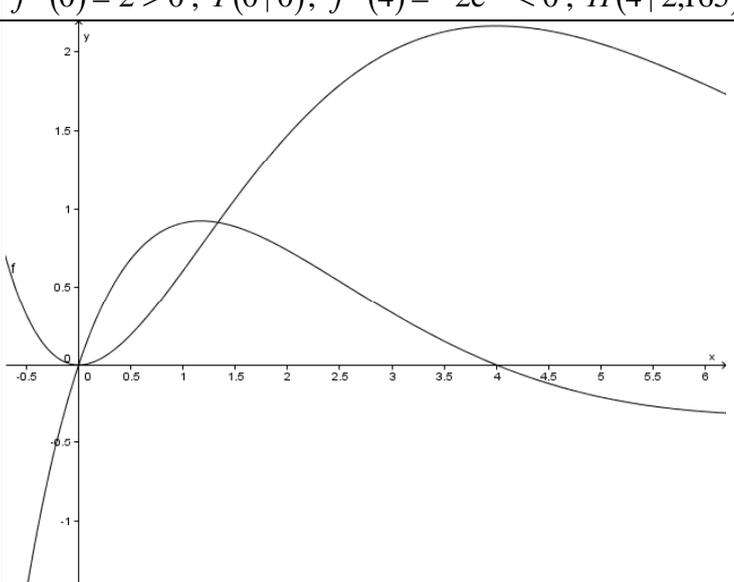
**5.5** Nach Aufgabenteil 5.3 erhält ein lediglich ratender Prüfling mit der Wahrscheinlichkeit  $q = 0,4231$  weniger als vier BE. Von denjenigen, die zumindest über gewisse Kenntnisse des Stoffs verfügen, bekommen nur 8 % weniger als vier Bewertungseinheiten. 15 % der Kandidaten geben zu, lediglich zu raten. **/10**

Mit welcher Wahrscheinlichkeit hat ein Kandidat mit weniger als vier Bewertungseinheiten lediglich geraten?

**5.6** Drei Jahre nach Einführung des Zulassungstests mit Multiple-Choice-Aufgaben wird untersucht, ob es einen Zusammenhang zwischen dem Wohnumfeld (Land/Stadt) und dem Abschneiden bei dem Test gibt. Von den 4.237 Prüflingen vom Land haben 3.178 den Test bestanden; 3.243 der Städter haben leider nicht bestanden. Insgesamt haben 12.345 den Test gemacht. **/8**

Sind Wohnumfeld und Abschneiden bei der Prüfung stochastisch unabhängig?

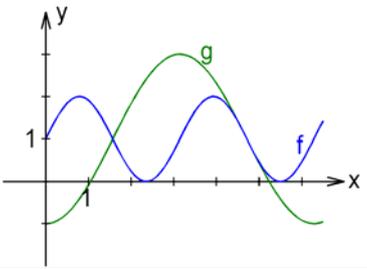
**Abschlussprüfung Berufsoberschule  
2009 Mathematik  
Erwartungshorizont für Aufgabenvorschlag A**

Teilaufgaben		BE in AB																				
		I	II	III																		
1.1	$x_N = 0$	2																				
1.2	$f'(x) = 2x \cdot e^{-0,5x} - 0,5x^2 \cdot e^{-0,5x} = (2x - 0,5x^2) \cdot e^{-0,5x}$		2																			
1.3	$(2x_E - 0,5x_E^2) \cdot e^{-0,5x_E} = 0$ ; $x_{E_1} = 0$ ; $x_{E_2} = 4$ $f''(0) = 2 > 0$ ; $T(0 0)$ ; $f''(4) = -2e^{-2} < 0$ ; $H(4 2,165)$		6																			
1.4	 $f(-0,5) \approx 0,3210$ ; $f(6) \approx 1,792$		3																			
1.5	<table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto; border-collapse: collapse; text-align: center;"> <tr> <td style="padding: 5px;"><math>x</math></td> <td style="padding: 5px;">-0,5</td> <td style="padding: 5px;">0</td> <td style="padding: 5px;">1</td> <td style="padding: 5px;">1,5</td> <td style="padding: 5px;">2</td> <td style="padding: 5px;">3</td> <td style="padding: 5px;">4</td> <td style="padding: 5px;">6</td> </tr> <tr> <td style="padding: 5px;"><math>f'(x)</math></td> <td style="padding: 5px;">-1,44</td> <td style="padding: 5px;">0</td> <td style="padding: 5px;"><b>0,91</b></td> <td style="padding: 5px;">0,89</td> <td style="padding: 5px;"><b>0,74</b></td> <td style="padding: 5px;"><b>0,33</b></td> <td style="padding: 5px;"><b>0</b></td> <td style="padding: 5px;">-0,30</td> </tr> </table> Zeichnung von $f'$	$x$	-0,5	0	1	1,5	2	3	4	6	$f'(x)$	-1,44	0	<b>0,91</b>	0,89	<b>0,74</b>	<b>0,33</b>	<b>0</b>	-0,30	4		
$x$	-0,5	0	1	1,5	2	3	4	6														
$f'(x)$	-1,44	0	<b>0,91</b>	0,89	<b>0,74</b>	<b>0,33</b>	<b>0</b>	-0,30														
			3																			
1.6	Da $f'$ im Intervall einen Extrempunkt und damit eine waagerechte Tangente hat, besitzt $f$ an dieser Stelle einen Wendepunkt.			4																		
1.7	$f(x_S) = f'(x_S)$ ; $x_S^2 \cdot e^{-0,5x_S} = (2x_S - 0,5x_S^2) \cdot e^{-0,5x_S}$ $x_{S_1} = 0$ ; $S_1(0 0)$ ; $x_{S_2} = \frac{4}{3}$ ; $S_2\left(\frac{4}{3}   0,91\right)$		4																			
1.8	Stammfunktion von $f'$ ist $f$ . $A = \int_0^{\frac{4}{3}} (f'(x) - f(x)) dx = \left[ x^2 \cdot e^{-0,5x} - (-2x^2 - 8x - 16) \cdot e^{-0,5x} \right]_0^{\frac{4}{3}} =$			4																		
	$\left[ (3x^2 + 8x + 16) \cdot e^{-0,5x} \right]_0^{\frac{4}{3}} \approx 16,43 - 16 = 0,43$		2																			
	Summe (Aufgabe 1)	10	16	8																		
	Mögliche BE		34																			

**Abschlussprüfung Berufsoberschule  
2009 Mathematik  
Erwartungshorizont für Aufgabenvorschlag A**

Teilaufgaben		BE in AB																
		I	II	III														
2.1	$D_f = \mathbb{R} \setminus \{0,5\}$	1																
2.2	$x_0 = 0,5$ ; $Z(0,5) = 1,5 \neq 0$ , $N(0,5) = 0$ , Untersuchung der Umgebung, $x_p = 0,5$ ist Polstelle mit Vorzeichenwechsel.		4															
2.3	Polynomdivision ergibt $f(x) = x + 1 + \frac{1}{2x-1}$ .		2															
	$A(x) = x + 1$	1																
2.4	$2x_N^2 + x_N = 0$ ; $x_{N_1} = 0$ ; $x_{N_2} = -0,5$	3																
2.5	$f'(x_E) = 0$ ; $4x_E^2 - 4x_E - 1 = 0$ ; $x_{E_1} = \frac{1}{2} + \frac{1}{\sqrt{2}} \approx 1,21$ ; $x_{E_2} = \frac{1}{2} - \frac{1}{\sqrt{2}} \approx -0,21$	2																
	$f''(1,21) \approx 2,79 > 0$ ; $T(1,21   2,91)$ ; $f''(-0,21) \approx -2,79 < 0$ ; $H(-0,21   0,09)$		4															
2.6	<table border="1" style="display: inline-table; margin-right: 20px;"> <tr> <td><math>x</math></td> <td>-3</td> <td>-2</td> <td>-1</td> <td>1</td> <td>2</td> <td>3</td> </tr> <tr> <td><math>f(x)</math></td> <td>-2,14</td> <td>-1,2</td> <td>-0,33</td> <td>3</td> <td>3,33</td> <td>4,2</td> </tr> </table>	$x$	-3	-2	-1	1	2	3	$f(x)$	-2,14	-1,2	-0,33	3	3,33	4,2	3		
	$x$	-3	-2	-1	1	2	3											
$f(x)$	-2,14	-1,2	-0,33	3	3,33	4,2												
			5															
2.7	$m_t = f'(-0,5) = 0,5$ ; $t(-0,5) = f(-0,5) = 0$ ; $t(x) = 0,5x + 0,25$ ;		2															
	$f(x_B) = t(x_B)$ ; $x_B + 1 + \frac{1}{2x_B - 1} = \frac{1}{2}x_B + \frac{1}{4}$ ; $\frac{1}{2}x_B + \frac{3}{4} + \frac{1}{2x_B - 1} = 0$ ; $x_B^2 + x_B + \frac{1}{4} = 0$ ; $x_{B_{1/2}} = -\frac{1}{2}$ Daher gibt es keine weiteren gemeinsamen Punkte.			3														
2.8	Wegen $g(x) = \frac{x(2x+1)}{2x+a}$ füllt für $a = 1$ $P_1(-0,5   -0,5)$ und für $a = 0$ $P_2(0   0,5)$ die Lücke. Die Angabe eines Wertes für $a$ reicht aus.			3														
	Summe (Aufgabe 2)	10	17	6														
	Mögliche BE		33															

**Abschlussprüfung Berufsoberschule  
2009 Mathematik  
Erwartungshorizont für Aufgabenvorschlag A**

Teilaufgaben	Erwartete Teilleistung	BE in AB		
		I	II	III
3.1	Graph von $f$ zeichnen 		4	
3.2	$g(x_N) = 0 \quad 0 = 1 - 2 \cos(x_N) \quad \cos(x_N) = 1/2$ $\underline{\underline{x_{N_1} = \frac{\pi}{3}}} \quad \underline{\underline{x_{N_2} = \frac{5}{3}\pi}}$		2	
	Ableitungen: $g'(x) = 2 \sin(x)$ ; $g''(x) = 2 \cos(x)$ Hoch- und Tiefpunkte: $g'(x_E) = 0 \quad 0 = 2 \sin(x_E) \quad \underline{\underline{x_{E_1} = 0}} \quad \underline{\underline{x_{E_2} = \pi}} \quad \underline{\underline{x_{E_3} = 2\pi}}$		2	
	$g''(0) = 2 > 0$ Tiefpunkt $T_1(0   -1)$ $g''(\pi) = -2 < 0$ Hochpunkt $H(\pi   3)$ $g''(2\pi) = 2 > 0$ Tiefpunkt $T_2(2\pi   -1)$		3	
	Graph von $g$ zeichnen (siehe unter 3.1)		3	
	Schnittpunktberechnung $f(x_S) = g(x_S)$ führt auf $2 \cos(x_S) + \sin(2x_S) = 0$ . Additionstheorem $\sin(2x) = 2 \sin(x) \cos(x)$ anwenden		2	
$2 \cos(x_S) [1 + \sin(x_S)] = 0$ $\cos(x_S) = 0$ <span style="margin-left: 150px;"><math>\sin(x_S) = -1</math></span> $\underline{\underline{x_{S_1} = \frac{\pi}{2}}}$ <span style="margin-left: 100px;"><math>\underline{\underline{x_{S_2} = \frac{3\pi}{2}}}</math></span> <span style="margin-left: 100px;"><math>\underline{\underline{x_{S_3} = \frac{3\pi}{2}}}</math></span>		4		
Schnittpunkte sind $S_1\left(\frac{\pi}{2}   1\right)$ und $S_2\left(\frac{3}{2}\pi   1\right)$ . Differenzfunktion $d(x) = g(x) - f(x)$ aufstellen, $d(x) = -2 \cos(x) - \sin(2x)$ Fläche $A = \int_{\frac{\pi}{2}}^{\frac{3\pi}{2}} d(x) dx = \left[ -2 \sin(x) + \frac{1}{2} \cos(2x) \right]_{\frac{\pi}{2}}^{\frac{3\pi}{2}} = \underline{\underline{4}}$		4		
Zwischensumme (Aufgabe 3)		10	14	0

**Abschlussprüfung Berufsoberschule  
2009 Mathematik  
Erwartungshorizont für Aufgabenvorschlag A**

Teil- auf- gaben	Erwartete Teilleistung	BE in AB		
		I	II	III
	Übertrag (Aufgabe 3)	10	14	0
3.4	$f'(x) = 2\cos(2x)$ , $g'(x) = 2\sin(x)$ und damit $f'(x_0) = g'(x_0)$ $2\cos(2x_0) = 2\sin(x_0)$ Umformen mittels Additionstheorem $\cos(2x) = 1 - 2\sin^2(x)$ ergibt: $1 - 2\sin^2(2x_0) = \sin(x_0)$ ; $2\sin^2(2x_0) + \sin(x_0) - 1 = 0$ .		3	
	Substitution $\sin(x_0) = z$ ergibt die quadratische Gleichung $z^2 + 0,5z - 0,5 = 0$ .			2
	Lösen der quadratischen Gleichung und Rücksubstitution liefert die Lösun- gen: $z_1 = 0,5$ und damit $x_1 = \frac{\pi}{6}$ und $x_2 = \frac{5\pi}{6}$ ; $z_2 = -1$ und damit $x_3 = \frac{3\pi}{2}$ .			4
	Summe (Aufgabe 3)	10	17	6
	Mögliche BE	33		

**Abschlussprüfung Berufsoberschule  
2009 Mathematik  
Erwartungshorizont für Aufgabenvorschlag A**

Teilaufgaben		BE in AB		
		I	II	III
4.1	$\vec{OD} = \vec{OA} + \vec{BC} = \begin{pmatrix} 5 \\ 2 \\ 0 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} -6 \\ -2 \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}; D(-1   0   0)$	2		
	$S =  \vec{AB}  \cdot  \vec{BC}  = \sqrt{10} \cdot \sqrt{40} = 20; S = 20 \text{ km}^2$	2		
4.2	Mögliche Geradengleichung durch $F(0   50   2)$ und $G(0   0   0,5)$ : $g_1: \vec{x} = \begin{pmatrix} 0 \\ 50 \\ 2 \end{pmatrix} + r \cdot \begin{pmatrix} 0 \\ -100 \\ -3 \end{pmatrix}; r \in \mathbb{R}$	2		
4.3	Durch Einsetzen der Geraden $g_1$ in die Ebene $E_1$ erhält man mit $3 \cdot (50 - 100r) + 2 \cdot (2 - 3r) = 120 \quad r = \frac{1}{9}$ und $I(0   38,9   1,67)$ .	4		
4.4	Der Verlauf der Nebelbank wird durch die Schnittgerade $g_2$ der Ebene $E_1$ mit der $x$ - $y$ -Ebene ausgedrückt.		2	
	Aus der Achsenabschnittsform für $E_1: -\frac{x}{20} + \frac{y}{40} + \frac{z}{60} = 1$ folgt als mögliche Gleichung der Geraden durch die Punkte $A(-20   0   0)$ und $B(0   40   0)$ $g_2: \vec{x} = \begin{pmatrix} -20 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} + r \cdot \begin{pmatrix} 20 \\ 40 \\ 0 \end{pmatrix}; r \in \mathbb{R}$ .		5	
4.5	Für den Schnittwinkel $\gamma$ zwischen der Ebene $E_1$ und der $x$ - $y$ -Ebene folgt aus $\vec{n}_{E_1} = \begin{pmatrix} -6 \\ 3 \\ 2 \end{pmatrix}, \vec{n}_{x-y\text{-Ebene}} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}$ und $\cos \gamma = \frac{ \vec{n}_{E_1} \cdot \vec{n}_{x-y\text{-Ebene}} }{ \vec{n}_{E_1}  \cdot  \vec{n}_{x-y\text{-Ebene}} } = \frac{2}{7} \quad \gamma \approx 73,4^\circ$ .		5	
4.6	Wegen der Parallelität von $E_1$ und $E_2$ gilt $E_2: -6x + 3y + 2z = c$			3
	Punktprobe mit $H(0   25   1,25)$ liefert mit $3 \cdot 25 + 2 \cdot 1,25 = 77,5$ $E_2: -6x + 3y + 2z = 77,5$ .		3	
4.7	Mit $x = -1$ und $y = -1$ ist $z = \sqrt{2} \cdot \tan 10^\circ \approx 0,25$ .			3
	Mögliche Geradengleichung zur Beschreibung des neuen Kurses: $g_3: \vec{x} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0,5 \end{pmatrix} + r \cdot \begin{pmatrix} -1 \\ -1 \\ 0,25 \end{pmatrix}; r \in \mathbb{R}$		2	
	Summe (Aufgabe 4)	10	17	6
	Mögliche BE		33	

**Abschlussprüfung Berufsoberschule  
2009 Mathematik  
Erwartungshorizont für Aufgabenvorschlag A**

Teilaufgaben	Erwartete Teilleistung	BE in AB		
		I	II	III
5.1	Sei $X$ die Anzahl der richtig gesetzten Kreuze. $X$ ist hypergeometrisch verteilt mit $N = 5$ , $K = 2$ , $n = 2$ und $k = 0   1   2$ . Es gelten		3	
	$P(\{X = 0\}) = \frac{\binom{2}{0} \cdot \binom{3}{2}}{\binom{5}{2}} = \frac{3}{10}, P(\{X = 1\}) = \frac{6}{10} \text{ und } P(\{X = 2\}) = \frac{1}{10}.$	3		
5.2	Sei $Y$ die Anzahl der richtig bearbeiteten Aufgaben. $Y$ ist binomialverteilt mit $n = 40$ und $p = 0,1$ .		2	
	$P(\{Y = 0\}) = \binom{40}{0} \cdot 0,1^0 \cdot 0,9^{40} \approx 0,01478$	2		
5.3	$P(\{Y \leq 3\}) = \sum_{k=0}^3 \binom{40}{k} \cdot 0,1^k \cdot 0,9^{40-k} \approx$ $0,01478 + 0,06569 + 0,14233 + 0,20032 \approx 0,4231$	4		
5.4	Für den Erwartungswert gilt $E(Y) = n \cdot p = 40 \cdot 0,1 = 4$ .	1		
5.5	Mit den Abkürzungen $< 4$ : „erhält im Test weniger als vier BE“ und <i>nur geraten</i> : „beantwortet alle Fragen nur durch Raten“ gilt $P(\{< 4\}) = P(\{< 4 \cap \text{nur geraten}\}) + P(\{< 4 \cap \overline{\text{nur geraten}}\}) =$ $0,15 \cdot 0,4231 + 0,85 \cdot 0,08 \approx 0,1315.$		4	
	Gefragt ist nach $P_{<4}(\{\text{nur geraten}\}) = \frac{P(\{< 4 \cap \text{nur geraten}\})}{P(\{< 4\})} = \frac{0,15 \cdot 0,4231}{0,1315} \approx 0,4826.$			6
5.6	Mit den Abkürzungen <i>Land</i> : „wohnt auf dem Land“, <i>Stadt</i> : „wohnt in der Stadt“ und <i>bestanden</i> : „hat den Test bestanden“ gelten $P_{\text{Land}}(\{\text{bestanden}\}) = \frac{3178}{4237} \approx 0,75 \text{ und}$		4	
	$P_{\text{Stadt}}(\{\text{bestanden}\}) = \frac{12345 - 4237 - 3243}{12345 - 4237} \approx 0,60.$		3	
	Daher sind Wohnumfeld und Abschneiden bei dem Test stochastisch abhängig.		1	
Summe (Aufgabe 5)		10	17	6
Mögliche BE		33		