

partielle Integration

G.Roofs

$$\int x \cdot e^x dx =$$

Ein Faktor wird integriert (möglichst mühelos), der andere später differenziert.
Der Ableitungsterm sollte einfacher als der Faktor sein.
Danach richtet sich, welcher Faktor zunächst beibehalten
und welcher integriert wird.

$$\int x \cdot e^x dx = x$$

übernehmen

Ein Faktor wird integriert (möglichst mühelos), der andere später differenziert.
Der Ableitungsterm sollte einfacher als der Faktor sein.
Danach richtet sich, welcher Faktor zunächst beibehalten
und welcher integriert wird.

$$\int x \cdot e^x dx = x \cdot e^x$$

integrieren

übernehmen

Ein Faktor wird integriert (möglichst mühelos), der andere später differenziert.
Der Ableitungsterm sollte einfacher als der Faktor sein.
Danach richtet sich, welcher Faktor zunächst beibehalten
und welcher integriert wird.

$$\int x \cdot e^x dx = x \cdot e^x - \int$$

integrieren

übernehmen

Ein Faktor wird integriert (möglichst mühelos), der andere später differenziert.
Der Ableitungsterm sollte einfacher als der Faktor sein.
Danach richtet sich, welcher Faktor zunächst beibehalten
und welcher integriert wird.

$$\int x \cdot e^x dx = x \cdot e^x - \int \cdot e^x dx$$

integrieren (solid arrow from $\int x \cdot e^x dx$ to $x \cdot e^x$)
übernehmen (dashed arrow from $\int x \cdot e^x dx$ to $x \cdot e^x$)
übernehmen (solid arrow from $x \cdot e^x$ to $\int \cdot e^x dx$)

Ein Faktor wird integriert (möglichst mühelos), der andere später differenziert. Der Ableitungsterm sollte einfacher als der Faktor sein. Danach richtet sich, welcher Faktor zunächst beibehalten und welcher integriert wird.

$$\int x \cdot e^x dx = x \cdot e^x - \int 1 \cdot e^x dx$$

integrieren *differenzieren*
übernehmen *übernehmen*

Ein Faktor wird integriert (möglichst mühelos), der andere später differenziert. Der Ableitungsterm sollte einfacher als der Faktor sein. Danach richtet sich, welcher Faktor zunächst beibehalten und welcher integriert wird.

$$\int x \cdot e^x dx = x \cdot e^x - \int 1 \cdot e^x dx = x \cdot e^x$$

integrieren *differenzieren*
übernehmen *übernehmen*

Ein Faktor wird integriert (möglichst mühelos), der andere später differenziert.
 Der Ableitungsterm sollte einfacher als der Faktor sein.
 Danach richtet sich, welcher Faktor zunächst beibehalten
 und welcher integriert wird.

$$\int x \cdot e^x dx = x \cdot e^x - \int 1 \cdot e^x dx = x \cdot e^x - e^x$$

integrieren *differenzieren*
übernehmen *übernehmen*

Ein Faktor wird integriert (möglichst mühelos), der andere später differenziert.
 Der Ableitungsterm sollte einfacher als der Faktor sein.
 Danach richtet sich, welcher Faktor zunächst beibehalten
 und welcher integriert wird.

$$\int x \cdot e^x dx = x \cdot e^x - \int 1 \cdot e^x dx = x \cdot e^x - e^x = e^x$$

integrieren *differenzieren*
übernehmen *übernehmen*

Ein Faktor wird integriert (möglichst mühelos), der andere später differenziert.
 Der Ableitungsterm sollte einfacher als der Faktor sein.
 Danach richtet sich, welcher Faktor zunächst beibehalten
 und welcher integriert wird.

$$\int x \cdot e^x dx = x \cdot e^x - \int 1 \cdot e^x dx = x \cdot e^x - e^x = e^x (x - 1)$$

integrieren *differenzieren*
übernehmen *übernehmen*

Ein Faktor wird integriert (möglichst mühelos), der andere später differenziert.
 Der Ableitungsterm sollte einfacher als der Faktor sein.
 Danach richtet sich, welcher Faktor zunächst beibehalten
 und welcher integriert wird.

$$\int \ln x \, dx =$$

$$\int 1 \cdot \ln x \, dx =$$

Der Faktor 1 wird (trickreich) hinzugefügt, um partiell integrieren zu können.

$$\int 1 \cdot \ln x \, dx =$$

Der Faktor 1 wird (trickreich) hinzugefügt, um partiell integrieren zu können.

Reihenfolge:
übernehmen
integrieren
übernehmen
differenzieren

$$\int 1 \cdot \ln x \, dx = \ln x$$

übernehmen

Der Faktor 1 wird (trickreich) hinzugefügt, um partiell integrieren zu können.

Reihenfolge:
übernehmen
integrieren
übernehmen
differenzieren

$$\int 1 \cdot \ln x \, dx = x \cdot \ln x$$

integrieren

übernehmen

Der Faktor 1 wird (trickreich) hinzugefügt, um partiell integrieren zu können.

Reihenfolge:
übernehmen
integrieren
übernehmen
differenzieren

$$\int 1 \cdot \ln x \, dx = x \cdot \ln x - \int$$

integrieren

übernehmen

Der Faktor 1 wird (trickreich) hinzugefügt, um partiell integrieren zu können.

Reihenfolge:
übernehmen
integrieren
übernehmen
differenzieren

$$\int 1 \cdot \ln x \, dx = x \cdot \ln x - \int x$$

integrieren (solid arrow from $\int 1 \cdot \ln x \, dx$ to $x \cdot \ln x$)
übernehmen (dashed arrow from $\int 1 \cdot \ln x \, dx$ to $x \cdot \ln x$)
übernehmen (solid arrow from $\int x$ to $x \cdot \ln x$)

Der Faktor 1 wird (trickreich) hinzugefügt, um partiell integrieren zu können.

Reihenfolge:
 übernehmen
 integrieren
 übernehmen
 differenzieren

$$\int 1 \cdot \ln x \, dx = x \cdot \ln x - \int x \cdot \frac{1}{x} \, dx$$

integrieren (solid arrow from $\int 1 \cdot \ln x \, dx$ to $x \cdot \ln x$)
differenzieren (dashed arrow from $x \cdot \ln x$ to $\int x \cdot \frac{1}{x} \, dx$)
übernehmen (dashed arrow from $\int x \cdot \frac{1}{x} \, dx$ to $x \cdot \ln x$)
übernehmen (solid arrow from $x \cdot \ln x$ to $\int 1 \cdot \ln x \, dx$)

Der Faktor 1 wird (trickreich) hinzugefügt, um partiell integrieren zu können.

Reihenfolge:
 übernehmen
 integrieren
 übernehmen
 differenzieren

$$\int 1 \cdot \ln x \, dx = x \cdot \ln x - \int x \cdot \frac{1}{x} \, dx = x \cdot \ln x$$

integrieren (solid arrow from $\int 1 \cdot \ln x \, dx$ to $x \cdot \ln x$)
differenzieren (dashed arrow from $x \cdot \ln x$ to $\int x \cdot \frac{1}{x} \, dx$)
übernehmen (dashed arrow from $\int x \cdot \frac{1}{x} \, dx$ to $x \cdot \ln x$)
übernehmen (solid arrow from $x \cdot \ln x$ to $\int 1 \cdot \ln x \, dx$)

Der Faktor 1 wird (trickreich) hinzugefügt, um partiell integrieren zu können.

Reihenfolge:
 übernehmen
 integrieren
 übernehmen
 differenzieren

$$\int 1 \cdot \ln x \, dx = x \cdot \ln x - \int x \cdot \frac{1}{x} \, dx = x \cdot \ln x - x$$

integrieren (solid arrow from $\int 1 \cdot \ln x \, dx$ to $x \cdot \ln x$)
differenzieren (dashed arrow from $x \cdot \ln x$ to $\int x \cdot \frac{1}{x} \, dx$)
übernehmen (dashed arrow from $\int x \cdot \frac{1}{x} \, dx$ to $x \cdot \ln x$)
übernehmen (solid arrow from $x \cdot \ln x$ to $x \cdot \ln x - x$)

Der Faktor 1 wird (trickreich) hinzugefügt, um partiell integrieren zu können.

Reihenfolge:
 übernehmen
 integrieren
 übernehmen
 differenzieren

$$\int 1 \cdot \ln x \, dx = x \cdot \ln x - \int x \cdot \frac{1}{x} \, dx = x \cdot \ln x - x = x$$

integrieren (solid arrow from $\int 1 \cdot \ln x \, dx$ to $x \cdot \ln x$)
differenzieren (dashed arrow from $x \cdot \ln x$ to $\int x \cdot \frac{1}{x} \, dx$)
übernehmen (dashed arrow from $\int 1 \cdot \ln x \, dx$ to $\int x \cdot \frac{1}{x} \, dx$)
übernehmen (solid arrow from $x \cdot \ln x$ to $x \cdot \ln x$)

Der Faktor 1 wird (trickreich) hinzugefügt, um partiell integrieren zu können.

Reihenfolge:
 übernehmen
 integrieren
 übernehmen
 differenzieren

$$\int 1 \cdot \ln x \, dx = x \cdot \ln x - \int x \cdot \frac{1}{x} \, dx = x \cdot \ln x - x = x(\ln x - 1)$$

integrieren (solid arrow from $\int 1 \cdot \ln x \, dx$ to $x \cdot \ln x$)
differenzieren (dashed arrow from $x \cdot \ln x$ to $\int x \cdot \frac{1}{x} \, dx$)
übernehmen (dashed arrow from $\int x \cdot \frac{1}{x} \, dx$ to $x \cdot \ln x$)
übernehmen (solid arrow from $x \cdot \ln x$ to $x \cdot \ln x - x$)

Der Faktor 1 wird (trickreich) hinzugefügt, um partiell integrieren zu können.

Reihenfolge:
 übernehmen
 integrieren
 übernehmen
 differenzieren